文章编号: 0258-1825(2018)01-0135-09

# 海鸥翼折转运动的数值模拟及分析

常兴华<sup>1,2</sup>,马 戎<sup>2</sup>,张来平<sup>1,2,\*</sup>

(1. 中国空气动力研究与发展中心空气动力学国家重点实验室,四川 绵阳 621000;2. 中国空气动力研究与发展中心 计算空气动力研究所,四川 绵阳 621000)

**摘 要:**扑翼的非定常流动及气动特性分析对微型飞行器设计具有重要意义。本文采用动态混合网格技术以及非 定常数值计算方法,对海鸥翼的拍动过程进行了数值研究。采用基于径向基函数的插值技术实现网格的变形,为 了提高插值效率,发展了基于最大物面误差的参考点选择算法。基于文献观测数据建立了海鸥翼的三维模型,并 设计了相应的拍动以及变形规律,对拍动角、折转角的影响进行了分析。分析结果表明,折转角可以减小上拍过程 的不利影响,对提高整个扑翼周期的时均升力、减少时均阻力和能耗是有益的。进一步通过调整折转的相位来增 加翼的折转时间,并减少其展开的时间,对提高扑翼过程的平均气动力特性是有益的。

关键词:扑翼;动态混合网格;非定常流动

中图分类号:V211.3 文献标识码:A doi: 10.7638/kqdlxxb-2017.0168

# Numerical study on the folding mechanism of seagull's flapping wing

CHANG Xinghua<sup>1,2</sup>, MA Rong<sup>2</sup>, ZHANG Laiping<sup>1,2</sup>

(1. State Key Laboratory of Aerodynamics, Mianyang 621000, China;

2. China Aerodynamics Research and Development Center, Mianyang 621000, China)

Abstract: The study of unsteady flow mechanism and aerodynamics performance of flapping wing is very significant for micro aerial vehicle (MAV) design. In this paper, hybrid dynamic mesh technique and unsteady flow solver are used to study the flapping motion of a seagull wing. Radius basis function (RBF) interpolation approach is adopted to generate the moving mesh. The reduced selection of surface reference points is used to save the time consuming of the RBF interpolation. In order to satisfy the geometric conservation law on the moving mesh, the normal velocity of cell interface is calculated by its 'sweeping volume'. A 3D model of seagull wing is built based on observation data and a simple flapping, and the folding motion is also modeled. Influence of the flapping angle, the folding angle and the folding phase is analyzed. Numerical results show that the folding mechanism can weaken the disadvantage of the upstroke. Therefore, with an increasing folding angle, the averaged lift coefficient increases and both the drag and power consumption decrease. Furthermore, increasing the proportion of folding process and decreasing the unfolding process are helpful to improve the time-averaged aerodynamic performance and reduce the power consuming.

Keywords: flapping wing; hybrid dynamic mesh; unsteady flow

# 0 引 言

扑翼飞行器一直是国内外很多研究机构的一个

研究热点,其设计灵感来源于自然界的昆虫、鸟类等 飞行生物。这些飞行生物经过了亿万年的进化,形成 了非常出色的飞行能力。不同于固定翼飞行器,鸟翼

doi: 10.7638/kqdlxxb-2017.0168 CHANG X H, MA R, ZHANG L P. Numerical study on the folding mechanism of seagull's flapping wing[J]. Acta Aerodynamica Sinica, 2018, 36(1): 135-143.

收稿日期:2017-09-14; 修订日期:2017-11-12

基金项目:国家重点研发计划(2016YFB0200700);国家自然科学基金(11532016、11672324)

作者简介:常兴华(1982-),男,博士,研究方向:动态混合网格技术,非定常数值模拟技术. E-mail:cxh\_cardc@126.com

通信作者:张来平\*, E-mail: zhanglp\_cardc@126.com

引用格式:常兴华,马戎,张来平.海鸥翼折转运动的数值模拟及分析[J]. 空气动力学学报,2018,36(1):135-143.

即是升力产生机构,也是推力产生机构,其飞行效率 更高、噪音更低,并且由于其气动力产生方式更为灵 活,因此机动性能更加出色。和固定翼相比,扑翼飞 行的气动力产生机制以及流动控制机制更加复杂,通 过对自然界的鸟类、昆虫等生物扑翼飞行进行观察和 研究,将有助于推动扑翼飞行器研制工作的进展。

中等体型鸟类的扑翼和昆虫的扑翼存在较大差 异。首先,两者扑翼的减缩频率不一致。昆虫扑翼的 减缩频率很高,雷诺数较低,在翼的拍动过程中相对 于翼面的来流迎角很大,因此会产生非常明显的前缘 涡以及后缘涡,其中前缘涡在翼的运动过程中保持不 脱落,从而可以维持一个较高的升力<sup>[1]</sup>。而中等体型 鸟类飞行速度较快,扑翼的减缩频率较低,雷诺数较 高,翼型本身的作用更加明显[2-3]。其次,两者扑翼的 结构和运动方式差异较大。昆虫翼一般由少量翅脉 和大面积的柔性薄膜组成(如蜻蜓翼),翼面作往复式 旋转,拍动过程中往往伴随大角度的"8"字型扭转,翼 面相对于翅脉的柔性变形较小,且主要是被动弹性变 形,因此早期的研究中将其视为刚性薄板进行简化处 理[45];鸟翼的结构以及变形机制较为复杂,其由肌肉、 骨骼、羽毛和多个关节组成,构造非常精细。其扑动过 程具有较多的自由度,如翼的拍动、折转、收缩、扭转、 飞羽的收缩-合拢等,主动以及被动变形非常剧烈。

由于鸟类扑翼的减缩频率相对较低,雷诺数相对 较高,翼型本身对升力的贡献作用更为明显,因此很 多经典的研究工作正是基于翼型理论开展的,如 Jones<sup>[6]</sup>、 Angela<sup>[7]</sup>、 Pennycuick<sup>[8]</sup>、 Rayner<sup>[9]</sup>、 Phlips<sup>[10]</sup>等人的工作。这些近似的分析工作定性的 给出了鸟翼扑动过程中非定常升力、推力的产生机 制。其中"面元法"作为一种简单有效的数值模拟手 段,在鸟类扑翼的研究中使用较多,如 Smith<sup>[11]</sup>采用 该方法并结合有限元模型对柔性扑翼运动进行了研 究,国内的昂海松研究团队<sup>[12]</sup>、余永亮<sup>[13]</sup>等也分别 采用该方法开展了扑翼问题的研究。

虽然这些针对鸟类扑翼运动的研究已经初步揭 示了鸟类的升力、推力产生机制,然而这些定性的认 识还不能完全满足扑翼飞行器设计上的需求。鸟类 扑翼运动的许多细节问题如折转收缩变形、展向扭转 变形、相位等对其力学特性有非常重要的影响,其中 必定蕴含着重要的增升、减阻、减能耗机制需要流体 力学工作者去不断研究、挖掘。

计算流体力学的迅速发展为扑翼运动的精细化 研究提供了条件,且已经在昆虫的扑翼研究中得到了 广泛应用<sup>[14-18]</sup>。然而由于鸟翼扑动过程的复杂性,三 维情况下复杂扑动过程的精细化数值研究还不多见, 很多数值研究工作仍基于二维或者简单的三维扑翼 开展<sup>[19-20]</sup>。本文基于文献资料构建了海鸥翼几何模 型并设计了简化的扑动运动模型,采用动态混合网格 技术及非定常数值模拟方法,对扑动过程进行了数值 模拟,对拍动角、折转角的影响进行了对比分析。

# 1 数值计算方法

本文的数值模拟基于自主研发的 HyperFLOW 软件平台<sup>[21]</sup>开展。该软件平台是中国空气动力研究 与发展中心研发的具有完全自主知识产权的大型 CFD 多学科通用求解平台,具有优越的体系架构,并 已集成了结构/非结构 NS 方程流场解算器、动态混 合网格生成技术、飞行力学/流体动力学一体化算法 等,可进行完全气体和化学非平衡气体的定常/非定 常计算。以下对其中的动态混合网格技术以及非定 常算法进行简要介绍。

### 1.1 动态混合网格生成技术

在之前的研究工作中,作者所在的研究团队建立 了弹簧松弛法和背景网格映射法相结合的混合网格 变形技术,具有较好的变形能力和动网格生成效率, 并通过采用局部网格重构技术,提高了针对大变形、 大位移、相对运动等复杂动边界问题的适应能 力[22-24]。在最近的研究工作中,进一步耦合了基于径 向基函数<sup>[25]</sup>(RBF)的网格变形技术,其具有优越的 网格变形能力。标准的 RBF 方法在处理大规模网格 时效率极差,为了提高其适用性,我们通过选择有限 的参考点来减少 RBF 算法中矩阵的规模,以提高计 算效率。图1所示为本文的 RBF 及相应的参考点选 择算法流程:计算准备阶段,根据物面的初始位移,通 过贪婪算法确定出参与矩阵求解的参考点;动网格生 成的每一步,先对物面点进行插值,并进行误差检验, 如果物面误差不满足计算需求,则重新建立物面参考 点序列,之后再对空间点进行插值。



图 1 RBF 网格变形方法及参考点选择流程 Fig. 1 Moving grid generation technique based on RBF approach and the selection of reference points

根据文献中的观测数据<sup>[31]</sup>,我们建立了海鸥翼 的三维模型(如图 2 所示)。其弦向截面为 S1223 翼 型,根弦长 c=0.2m,展长 L=0.5m。本文采用混合 网格离散计算域,翼前后缘附近采用非结构的四面体 和三棱柱网格单元,其它区域采用六面体单元,并在 尾流以及翼面上下等局部区域进行了网格加密处理, 网格单元总数 282 万(由于外形比较简单,这里不再 显示具体网格分布)。图 2 所示的红点为通过贪婪算 法选择的 RBF 参考点,物面网格点数 4 万,通过筛选 只保留了 1000 个控制点,因此可以极大的提升动态 网格生成效率。图 3 所示为物面点的最大以及平均 误差随参考点数目的变化情况,当选择 1000 个控制 点时,物面的最大误差可保持在 0.01 mm 以下。



图 2 海鸥翼模型以及通过选择得到的物面参考点 Fig. 2 Model of seagull wing and the selected reference points for RBF interpolation





### 1.2 非定常数值模拟方法

基于动态混合网格的非定常流场解算器采用了 格心型的有限体积格式,时间离散采用二阶的欧拉后 插方法,为提高非定常计算效率,采用了双时间步和 BLU-SGS隐式计算方法。并采用了 SA 湍流模型模 拟湍流流动。算法具体细节请参见文献[24]。

在之前的研究中,我们基于误差分析以及数值测试,对运动网格下的几何守恒律问题进行了细致的研究,将现有的几何守恒律算法<sup>[26-29]</sup>归纳为两类:限制整体积分误差的"体限制方法"和限制每个单元边界面数值误差的"面限制方法"。在此基础上提出了一

种简便的满足几何守恒律的算法,其只需要约束单元 边界面的法向速度即可。以二阶欧拉隐式格式为例, 采用如下的法向速度求解方法:

$$v_j^{n+1} = \frac{1.5\Delta V_j^n - 0.5\Delta V_j^{n-1}}{S_j^{n+1}\Delta t}$$
(1)

其中  $\Delta V_{j}^{n}$  表示单元第 j 个面在  $n \sim n+1$  时刻扫过的体积,  $S_{j}^{n+1}$  表示该面在 n+1 时刻的面积。利用该算法可以很好地保证动网格非定常计算的几何守恒,能得到较好的非定常计算结果。具体的理论分析及数值测试结果详见文献[30]。

# 2 翼型及运动方式

本文采用如下的坐标系定义:坐标原点位于翼根 部翼型前缘顶点; x 轴指向来流流动方向, y 轴指向 翼型上方, z 轴指向展向方向。

真实海鸥的扑翼运动过程较为复杂,包括绕根部 的拍动、沿展向的折转、扭转、收缩等。除此之外,还 包括一些其它的提高力学特性的运动机制如飞羽的 打开/合拢、翼的被动柔性变形等。因此完全考虑真 实的扑翼过程是非常困难的。

本文将海鸥翼分为两段,靠近根部的第一段长度 0.2m,剩下的为第二段,长度 0.3m。只考虑翼型的 折叠和拍动,因此将扑翼运动简化为如下两种简单运 动的叠加:

1) 翼型的变形:第二段翼的折转,折转角定义为θ。

2) 翼型的刚性拍动:绕 x 轴的拍动(拍动角 γ, 下拍为正),旋转中心设置在翼根部。

图 4 给出了翼型扑翼运动的示意图。折转角及 拍动角的变化规律如下:

$$\theta = 0.5\theta_{\max} [1 - \sin(\varphi + \Delta \varphi)]$$
  
$$\gamma = -\gamma_{\max} \cos\varphi$$
(2)

其中  $\theta_{max}$ 、 $\gamma_{max}$  分别为最大折转角、最大拍动角。 $\varphi$  表示扑翼运动的相位, $\Delta \varphi$  表示翼的折转运动和拍动运动之间的相位差。相位  $\varphi$  的表达式如下:

$$\varphi = \begin{cases} \omega_{\text{down}}t, 0 < t < kT \\ \pi + \omega_{\text{up}}(t - kT), kT \leq t < T \end{cases}$$

$$(3)$$

式中k表示下拍时间和整个拍动周期的比值, $\omega_{down}$ 、  $\omega_{up}$ 分别为下拍、上拍过程的角频率:

$$\omega_{\rm down} = \frac{\pi}{kT}, \quad \omega_{\rm up} = \frac{\pi}{(1-k)T} \tag{4}$$

k 值取为 0.7。本文的参数设定以海鸥的巡航飞行为 研究背景,来流速度 U 固定在 10 m/s,0°迎角,扑翼 频率  $f=10/\pi(Hz)$ 。以翼根弦长 c 为参考长度,来流 雷诺数  $Re=1.35\times10^5$ ,减缩频率为: $\frac{\pi fc}{U}=0.2$ 。在 拍动角 30°的情况下,前进比为 3(前进比定义为来流 速度和翼尖平均运动速度之比: $\frac{U}{4t_{max}L}$ )。



图 4 扑翼运动示意图 Fig. 4 Sketch of the flapping motion

### 3 数值结果分析

#### 3.1 拍动角的影响

以下分别针对拍动角 γ<sub>max</sub>=5°、10°、20°、30°等四 个状态进行数值模拟,此时折转角为 0。该状态下翼 没有变形,仅做单自由度的拍动。

图 5(a)所示为四个状态下一个拍动周期内的升 力系数、阻力系数以及能耗系数变化曲线。能耗系数 定义为:

$$C_{P} = \frac{P}{\frac{1}{2}\rho_{\infty}U_{\infty}L_{\mathrm{ref}}^{3}}, \quad P = \oint_{S} \boldsymbol{f} \cdot \boldsymbol{v} \mathrm{d}s$$
(5)

其中S为翼型表面,f为固壁上的气动力,v表示固

壁的运动速度, $ho_\infty$ 为来流密度, $U_\infty$ 为来流速度, $L_{ref}$ 为参考长度,本文取 $L_{ref}$ =1.0 m。

一个周期内升力系数、阻力系数均出现了一个波峰和波谷,而能耗系数出现两个波峰。升力系数峰 值、阻力系数最小值均出现在下拍速度最快的时刻 (t/T=0.35);升力系数最小值、阻力系数最大值出现在上拍速度最快时刻<math>(t/T=0.85);而能耗系数峰 值则分别出现在拍动速度最快的两个时刻。随着最 大拍动角  $\gamma_{max}$ 的增加,升力系数、阻力系数以及能耗 系数的峰值均单调增大。图 6 给出了下拍最快时刻 几个典型状态下翼上下表面的压力云图,可见第二段 翼的压力分布受  $\gamma_{max}$ 影响最为明显:随着  $\gamma_{max}$ 的增 加,翼运动速度加快,第二段翼上表面的前缘出现较 大的负压区,下表面出现较强的高压区,对升力、推力 产生积极影响。

时均力学系数随最大拍动角 γ<sub>max</sub>的变化如图 5 (b)所示。随着 γ<sub>max</sub>的增加,下拍过程(t/T=0~0.7) 的时均升力系数单调增大,上拍过程的时均升力系数 则单调减小,并在一定的范围内变为负值,而整个拍 动周期的时均升力系数的变化则相对较小。下拍过 程的时均阻力系数随 γ<sub>max</sub>的增加单调减小,并在一定 γ<sub>max</sub>范围内为负,说明起到了"推力"作用,而上拍过 程则正相反,时均阻力系数随 γ<sub>max</sub>的增加而增大。由



(a) 一周期内的气动力系数(左:升力系数;中:阻力系数;右:能耗系数)



(b) 时均力学系数(左:升力系数;中:阻力系数;右:能耗系数)

图 5 气动力系数随最大拍动角的变化

Fig. 5 Aerodynamic coefficients with different maximum flapping angles





于下拍过程所占整个拍动周期的比重较大,因此总的 时均阻力随着 γ<sub>max</sub>的增加而减小。上拍、下拍以及总 的时均能耗系数均随着 γ<sub>max</sub>的增加而单调增大。

对于上述单自由度刚性拍动的翼型,增加最大拍 动角能够较为明显的改善下拍过程的升力特性,并能 够在下拍过程产生推力。这实际上是容易理解的,在 相同的扑动频率情况下,增加最大拍动角相当于增大 扑动速度,由此导致扑翼各截面"等效迎角"变化加 大,进而导致升阻力特性的变化。然而,由于上述计 算由于没有考虑翼型的弯曲、扭转等变形机制,上拍 过程中气动力的不利影响较大,因此导致扑翼总的力 学性能较差。

### 3.2 第二段翼折转角的影响

翼面沿展向的折转变形是鸟类扑翼过程中的一个 显著特征,通过展向的折转,改变了翼型的有效迎风面 积,因此可以改进拍动过程的升阻力特性。本节在 3.1 节的基础上,考虑第二段翼的折转,分析最大折叠角 度、折转角相位等对拍动过程升阻力特性的影响。

首先令公式(2)中的  $\Delta \varphi$  为 0,表明下拍最快的时 刻折转角为 0,上拍最快的时刻折转角最大。最大拍 动角  $\gamma_{max}$ 固定为 30°,针对  $\theta_{max} = 0^{\circ} \sim 50^{\circ}$ 等若干状态 进行数值模拟。

拍动一周期内的升力系数、阻力系数以及能耗系数变化曲线如图7(a)所示。由于折转角按照正弦曲



Fig. 7 Aerodynamic coefficients with different maximum folding angles (Left: Lift coefficient; Middle: Drag coefficient; Right: Power coefficient)

线变化,下拍过程中完全展开,折转角为0,因此下拍 过程的气动力受最大折转角的影响较弱;而上拍过程 中折转角最大,对气动特性的影响相对较大:随着  $\theta_{max}$ 的增加,上拍过程的负升力峰减弱,阻力、能耗的 峰值均减小。图 8 所示为上拍最快时刻(t/T= 0.85) 翼型的压力云图及涡量 Q 等值面,此时翼型折 转角最大,随着 θ<sub>max</sub>的增加,第二段翼前缘的压力峰 值逐渐减弱,翼梢前缘诱导的分离涡也呈减弱趋势。 从时均力学特性的变化情况可以看出(图 7b),上拍 过程受折转角影响较大,随着 $\theta_{max}$ 增加,上拍过程的 气动性能得到较为明显改善:升力增加,阻力、能耗均 降低。而下拍过程所受影响相对较弱。图9给出了 不同折转角情况下整个拍动周期内的升阻力系数和 能耗系数的比值,可见随着折转角的增大,升力能耗 比增加,阻力能耗比减少,说明增加折转角对整个拍 动周期是有益的。然而本文计算得到的能耗为翼型 对流体所做的功,并不等同于翼型扑翼运动的总能 耗。实际扑翼过程中存在一个从肌肉化学能到机械 能再到有用功的转换效率问题,随着折转角度增加, 翼型的运动幅度增加,结构自身加速、减速运动必然 会造成额外的能量消耗,可能会导致能量转换效率的 降低。此外,该定量的结论也仅针对本文简化的扑翼 过程。在海鸥的实际飞行过程中,除了翼的折转运动 之外,还存在明显的展向扭转运动和沿流向的收缩运 动。在这些复合运动的作用下,上拍过程仍有可能产 生升力,因此在实际的扑翼过程中折转角并不是越大 越好。因此,在下文关于折转相位的分析中,根据文 献观测数据<sup>[31]</sup>,折转角度统一设定为 $\theta_{max}=30^{\circ}$ 。





折转角相位差 Δφ 影响拍动过程中翼型展开-折 叠的时机,其不仅影响到翼型有效迎风面积的变化, 而且会影响到第二段翼的拍动速度。为分析其对翼 型动态气动力特性的影响,针对  $\Delta \varphi = -60^{\circ} \sim 90^{\circ}$ 等若 干状态进行了对比计算,计算中最大拍动角  $\gamma_{max}$ 固定 为 30°。



 $\Delta \varphi > 0$ 时,翼型展开-折叠的相位提前,在到达下 拍中点之前翼型已经完全打开,而在到达上拍中点之 前已经完全折叠, $\Delta \varphi < 0$ 时则相反。

图 10、图 11 分别给出了拍动过程中的动态气动 力系数和时均气动力系数。下拍过程中,随着 Δφ 从 -60°~90°变化,升力峰、阻力峰、能耗峰值均提前,其 原因在于翼完全打开的时间提前。 翼型绕根部的拍动角速度为:

$$\dot{\gamma} = \gamma_{\max} \omega \sin \varphi$$
 (6)  
第二段翼的折转角速度为:

 $\dot{\theta} = -0.5\omega\theta_{\rm max}\cos(\varphi + \Delta\varphi) \tag{7}$ 

当  $\Delta \varphi$  改变时,第二段翼的最大下拍速度会发生 变化。例如当  $\Delta \varphi = 0^{\circ}$ 时,在下拍过程的中间相位( $\varphi$ =0.5 $\pi$ )时  $\gamma$ 最大, $\dot{\theta} = 0$ ;而当  $\Delta \varphi = 90^{\circ}$ 时,在下拍过 程的中间相位时  $\gamma$ 、 $\dot{\theta}$ 均为最大值。因此  $\Delta \varphi$  的变化必 然会影响到气动力系数峰值的大小。下拍过程的时 均阻力系数随  $\Delta \varphi$  的增加而单调减小,时均升力系数 在  $\Delta \varphi \approx 30^{\circ}$ 时出现最大值。

上拍过程中,随着  $\Delta \varphi$  由负变为正,负的升力系数、阻力系数、能耗系数的峰值均单调增加,原因在于  $\Delta \varphi$  改变了上拍过程的最快拍动速度。从时均力学系数的变化曲线(图 11b)来看,相对"滞后"的折转角相 位对上拍过程是有利的,可以减小阻力和"负升力", 并减少能耗。根据公式(7)可得,上拍过程中( $\varphi = \pi \sim 2\pi$ ),在  $\varphi = \pi \sim 1.5\pi - \Delta \varphi$  区间内,第二段翼的折转 角速度为正,因此可以减弱第二段翼的上拍速度。而 随着  $\Delta \varphi$  的减小,这一区间是增大的,因此上拍的"不 利"影响会得到减弱。

在本文所用模型和计算参数前提下, $\Delta \varphi$ 对于下



图 11 时均气动力系数随折转角相位差的变化 Fig. 11 Time-averaged aerodynamic coefficients with different delta phase angles 拍和上拍过程的影响恰好相反,因此并没有对全周期 的力学性能(图 11c)产生明显的有益影响。通过上 述分析,折转运动最理想的情况应该是:下拍过程中, 第二段翼向下折叠运动,以增益下拍速度,且在下拍 速度最快的时刻保证较小的折叠角,以增加有效迎风 面积;上拍过程中,第二段翼向下折叠运动,以减弱上 拍速度,且保证上拍速度最快时折叠角较大,以减小 有效迎风面积。通过文献[31]的观测数据可以看出, 翼的折转角的变化规律不是简单的正弦曲线(图 12 所示,psi2 为折转角),其折叠所用的时间远大于展开 所用时间:在整个下拍过程,以及上拍过程的前半段, 翼都处在折叠运动的过程中,在上拍过程快结束时再 迅速展开,这一观测结果和本文的分析结果是相吻合 的。



# 4 结 论

本文通过对简化的海鸥扑翼过程进行数值模拟, 分析了拍动角、折转角对非定常气动力以及流场结构 的影响。拍动是扑翼的一个主要特征,随着拍动角度 的增加,平均升力、推力均单调增加,同时能耗也明显 增大;折转角则体现了翼的主动柔性变形,通过折转, 改变上拍-下拍过程中翼的有效迎风面积以及第二段 翼面的运动速度,对气动力影响较大。本文的数值模 拟结果表明,折转角度主要影响上拍过程,尤其对能 耗影响较大,而折转角相位对上拍及下拍过程的平均 气动力均会产生明显影响。为了增益扑动过程的平 均气动力特性,应当延长翼的折叠时间,减少翼的展 开时间,这和实验观测的结果一致。

然而本文所得到的结论仅针对本文简化的扑翼 过程,对于实际的扑翼过程,各种运动机制如拍动、扭 转、收缩、折转是协同运作的,相互之间肯定存在明显 的影响,单纯的将各个因素独立出来分析必然存在较 大的近似。希望本文的工作能够为下一步针对更为 真实扑翼过程的研究提供一些指引。

### 参考文献:

- [1] Sun M. Aerodynamics of insect flight [J]. Advances in Mechanics, 2015, 45: 201501: 1-27. (in Chinese)
   孙茂.昆虫飞行的空气动力学[J].力学进展, 2015, 45: 201501: 1-27.
- [2] Brown R H J. The flight of birds[J]. Journal of Experimental Biology, 1952, 25: 90-103.
- [3] Pennycuick C J. Speeds and wing-beat frequencies of migration birds compared with calculated benchmarks[J]. J Exp Biol, 2001, 204: 3283-3294.
- [4] Tong B G, Sun M, Yin X Z. A brief review on domestic research developments in biofluid dynamics of animal flying and swimming[J]. Chinese Journal of Nature, 2005, 27(4): 191-198. (in Chinese)
  童秉纲,孙茂,尹协振.飞行和游动生物流体力学的国内眼角 进展概述[J]. 自然杂志, 2005, 27(4): 191-198.
- [5] Tong B G, Lu X Y. A review on biomechanics of animal flight and swimming[J]. Advances in Mechanics, 2004, 34(1): 1-8. (in Chinese)
  童秉纲,陆夕云.关于飞行和游动的生物力学研究[J].力学进展, 2004, 34(1): 1-8.
- [6] Jones K D, Center K B. Wake structures behind plunging airfoils: a comparison of numerical and experimental results [R]. AIAA 96-0078, 1996.
- [7] Angela M B, Andrew A B. Wing and body kinetics of takeoff and landing flight in the pigeon[J]. J. Exp. Biol., 2010, 213: 1651-1658.
- [8] Pennycuick C J. Power requirements for horizontal flight in the pigeon[J]. J. Exp. Biol., 1968, 49: 527-555.
- [9] Rayner J M V. A new approach to animal flight mechanics[J].J. Exp. Biol., 1979, 80: 17-54.
- [10] Phlips P J, East R A, Pratt N H. An unsteady lifting line theory of flapping wings with application to the forward flight of birds[J]. J. Fluid Mech., 1981, 112: 97-125.
- [11] Smith M J C. Simulating moth wing aerodynamics: Towards the development of flapping-wing technology [J]. AIAA J, 1996, 34: 1348-1355.
- [12] Zeng R. Aerodynamic characteristics of flapping-wing MAV simulating bird flight[D]. Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, 2004 (in Chinese)
  曾锐. 仿鸟微型扑翼飞行器的气动特性研究[D]. 南京航空航 天大学博士学位论文, 2004.
- [13] Guan Z W, Yu Y L. Morphing models of a bat wing in flapping flight [C]//The 4th International Conference of Bionic Engineering, 2013, Nanjing.
- [14] Ito Y, Nakahashi K. Flow simulation of flapping wings of an insect using overset unstructured grid[R]. AIAA 2001-2619.
- [15] Miller L A, Peskin C S. When vortices stick: an aerodynamic transition in tiny insect flight[J]. J Exp Biol, 2004, 207: 3073-3088.
- [16] Liu H, Ellington C P. Computational fluid dynamic study of hawkmoth hovering[J]. J Exp Biol, 1998, 201: 461-477.
- [17] Liang B, Sun M, Aerodynamic interactions between contralateral wings and between wings and body of a model insect at hovering and small speed motions[J]. Chinese Journal of Aeronautics, 2011, 24(4); 396-409.

- [18] Xiao T H, Ang H S, Zhou X C. Numerical method for unsteady flows of flexible flapping wings[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2009, 30(6): 990-999. (in Chinese) 肖天航,昂海松,周新春. 柔性扑翼非定常流场的数值计算方 法[J]. 航空学报, 2009, 30(6): 990-999.
- [19] Ashraf M A, Young J, Lai J C S. Reynolds number, thickness and camber effects on flapping airfoil propulsion[J]. Journal of Fluids and Structures, 2011, 27: 145-160.
- [20] Unger R, Haupt M C, Horst P, et al. Fluid-structure analysis of a flexible flapping airfoil at low Reynolds number flow[J]. Journal of Fluids and Structures, 2012, 28: 72-88.
- [21] He X, Zhang LP, Zhao Z, et al. Validation of the structuredunstructured hybrid CFD software HyperFLOW [J]. Acta Aerodynamica Sinica, 2016, 34(2); 267-275.
- [22] Zhang L P, Duan X P, Chang X H, et al. A hybrid dynamic grid generation technique for morphing bodies based on Delaunay graph and local remeshing [J]. Acta Aerodynamica Sinica, 2009, 27(1): 26-32. (in Chinese) 张来平,段旭鹏,常兴华,等. 基于 Delaunay 背景网格插值方 法和局部网格重构的动态混合网格生成技术[J]. 空气动力学 学报, 2009, 27(1): 26-32.
- [23] Zhang L P, Chang X H, Duan X P, et al. Applications of dynamic hybrid grid method for three-dimensional moving/ deforming boundary problems[J]. Computers & Fluids, 2012, 62: 45-63.
- Zhang L P, Wang Z J. A block LU-SGS implicit dual timestepping algorithm for hybrid dynamic meshes[J]. Computers & Fluids, 2004, 33: 891-916.
- [25] Rendall T C S, Allen C B. Reduced surface point selection options for efficient mesh deformation using radial basis functions[J].

Journal of Computational Physics, 2010, 229: 2810-2820.

- [26] Lesoinne M, Farhat C. Geometric conservation laws for flow problems with moving boundaries and deformable meshes, and their impact on aero-elastic computations [J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 1996, 134: 71-90.
- [27] Ahn H T, Kallinderis Y. Strongly coupled flow/structure interactions with a geometrically conservative ALE scheme on general hybrid meshes[J]. Journal of Computational Physics, 2006, 219: 671-696.
- [28] Liu J, Bai X Z, Zhang H X, et al. Discussion about GCL for deforming grids[J]. Aeronautical Computing Technique, 2009, 39(4): 1-5. (in Chinese) 刘君,白晓征,张涵信,等.关于变形网格"几何守恒律"概念的讨论[J]. 航空计算技术,2009,39(4): 1-5.
- [29] Wang Z J, Yang H Q. Unsteady flow simulation using a zonal multi-grid approach with moving boundaries [R]. AIAA-94-0057, 1994.
- [30] Chang X H, Ma R, Zhang L P, et al. Further study on the geometric conservation law for finite volume method on dynamic unstructured mesh[J]. Computers & Fluids, 2015, 120(5): 98-110.
- [31] Liu T S. Avian wing geometry and kinematics[J]. AIAA J, 2006, 44: 954-963.
- [32] Chang X H, Ma R, Zhang L P, et al. Numerical study of the phunging-pitching motion of S1223 airfoil [J]. Acta Aerodynamica Sinica, 2017, 35 (1): 62-70 (in Chinese) 常兴华,马戎,张来平,等. S1223 翼型俯仰-沉浮运动的非定常气动特性分析[J]. 空气动力学学报, 2017, 35(1): 62-70.